

В.Н. Ревтович, С.В. Чернявская
(г. Минск, Республика Беларусь)

**ПРЕЕМСТВЕННОСТЬ В ПЕДАГОГИЧЕСКОЙ СИСТЕМЕ
«ШКОЛА – ВУЗ» КАК НЕОБХОДИМАЯ СОСТАВЛЯЮЩАЯ
НЕПРЕРЫВНОГО ОБРАЗОВАНИЯ**

На современном этапе реформирования системы общего среднего образования процесс преемственности в содержании методов и формах обучения приобретает особую важность. В частности, это относится к третьей ступени обучения в средней школе, где главной задачей является формирование предметных и исследовательских компетенций, обеспечивающих выпускнику возможность продолжать обучение в вузах.

Однако разрыв в образовательной среде между школой и вузом достаточно велик и выпускнику средней школы требуется длительный и сложный период для адаптации в вузе. Следовательно, одной из задач обеспечения преемственности в содержании обучения является подготовка учащихся к принятию и успешному усвоению содержания вузовской системы образования. Отметим, что такая подготовка на школьных уроках практически не ведется и не учитывается необходимость установления связей школьных знаний с теми сведениями, которые будут предлагаться студенту в первые месяцы его обучения в вузе.

Отчасти проблема формирования преемственных линий, связывающих системы знаний в фундаментальных науках, решается с помощью комплекса профориентационно-лицейского образования учащихся при Институте интегрированных форм обучения и мониторинга образования БНТУ. Логическим дополнением учебного процесса в школах является созданный кафедрой естественнонаучных дисциплин образовательный комплекс, включающий различные формы индивидуальной учебно-научной деятельности учащегося. Например, индивидуальная работа с преподавателем вуза по выбранной теме $|z| \leq \sqrt{7}$, написание исследовательской работы, участие в научно-практических и Интернет-конференциях по предметам подготавливает школьника к восприятию новых знаний, интегрированию их в уже имеющуюся базу, развивает у них навыки переноса знаний и умений из одного предмета в другой, способность видеть альтернативные способы решения, определять новые функции объекта и т.д.

Преподаватели кафедры естественнонаучных дисциплин ИИФОиМО, ведущие преподаватели старших классов школ, особое внимание обращают на развитие у учащихся способностей экстраполировать полученные знания на нестандартные задачи, ориентироваться в незнакомой постановке задачи, применить к ее решению имеющуюся базу знаний.

Отметим, что одной из педагогических инноваций преподавателей кафедры является изучение со школьниками многих тем курса высшей математики теоретической физики вуза средствами и инструментами школьной программы. В дальнейшем, обучаясь в вузе, студент повторно встречаясь со сложными, абстрактными объектами, он воспринимает их как известные, в определенной степени изученные и не испытывает значительных сложностей в понимании и усвоении материала.

Считаем, что такой подход значительно облегчает и сокращает адаптационный период «вживания» первокурсника в научную среду и повышает его мотивацию к дальнейшему образованию – образованию через всю жизнь.

В качестве иллюстрации вышесказанного приведем следующий пример. В курсе высшей математики есть тема «Функции нескольких переменных», которая рассматривается на школьных уроках и представляет собой значительные трудности в усвоении из-за абстрактности объектов и неподготовленности студентов к восприятию. Однако ряд задач по данной теме вполне по силам школьникам старших классов и, не выходя за пределы программы по математике, знакомит учащихся со свойствами сложных математических объектов.

Задача 1. Найти наибольшее значение z , для которого существуют x и y такие, что $x^2 + 2y^2 + z^2 + xy - xz + yz = 3$.

При решении данной задачи учтем, что методикой выделения полного квадрата выражения с двумя переменными владеют практически все учащиеся даже средних классов.

Способ I. Выделим поочередно полные квадраты по каждой из переменных:

$$\begin{aligned} & x^2 + x(y-z) + \left(\frac{y-z}{2}\right)^2 - \left(\frac{y-z}{2}\right)^2 + 2y^2 + z^2 + yz = \\ & = \left(x + \frac{y-z}{2}\right)^2 - \frac{y^2}{4} + \frac{yz}{2} - \frac{z^2}{4} + 2y^2 + z^2 + yz = \\ & = \left(x + \frac{y-z}{2}\right)^2 + \frac{7}{4}\left(y^2 + \frac{6}{7}yz + \frac{3z^2}{7}\right) = \left(x + \frac{y-z}{2}\right)^2 + \frac{7}{4}\left(\frac{y+3z}{7}\right)^2 + \frac{3z^2}{7} = 3. \end{aligned}$$

Отсюда следует равенство:

$$\left(x + \frac{y-z}{2}\right)^2 + \frac{7}{4}\left(\frac{y+3z}{7}\right)^2 = 3 - \frac{3z^2}{7}.$$

Практически очевиден вывод: $3 - \frac{3z^2}{7} \geq 0$.

Следовательно, $z^2 \leq 7$ и $z_{\max} = \sqrt{7}$.

Отметим, что при данном z значения x и y существуют $\left(x = \frac{5}{\sqrt{7}}; y = -\frac{3}{\sqrt{7}}\right)$.

значит, выполняются все условия задачи.

Возможен и другой подход к решению этой задачи, основанный на теории квадратных уравнений.

Способ II. Рассмотрим данное уравнение как квадратное по переменной x :

$$x^2 + (y-z)x + 2y^2 + z^2 + yz - 3 = 0.$$

Для существования корней необходимо выполнение условия: дискриминант квадратного уравнения должен быть неотрицателен. Следовательно,

$$D = (y-z)^2 - 4(2y^2 + z^2 + yz - 3) = -7y^2 - 6yz - 3z^2 + 12 \geq 0$$

Неравенство опять рассмотрим как квадратное по переменной y :

$$7y^2 + 6yz + 3z^2 - 12 \leq 0.$$

Для существования решений необходимо выполнение аналогичного предыдущему условию

$$9z^2 - 7(3z^2 - 12) \geq 0.$$

Откуда $4z^2 \leq 28$ или $|z| \leq \sqrt{7}$. Дальнейшее решение совпадает с изложенным.

Задача 2. Найти наибольшее и наименьшее значение функции $f(x, y) = x + y$, если $x^2 + y^2 - 4x \leq 0$.

При решении отметим, что дискриминантный метод, примененный в предыдущей задаче, подходит также и в этом случае. Однако покажем нетрадиционный подход к решению, вполне понятный для учащихся.

Пусть $x + y = f$, где f – параметр, $f \in R$. Выразим y через x : $y = f - x$. Выделим полный квадрат в неравенстве: $(x-2)^2 + y^2 \leq 4$. Дальнейшее решение проведем графически.

Для этого построим графики семейства прямых $y = f - x$, $f \in R$ и круг с центром в точке $(2; 0)$ радиусом 2. На рисунке показаны положения, при которых достигается наибольшее и наименьшее значение f . Происходит это в случаях касания прямой и окружности, т. е. когда имеется единственное решение уравнения $2x^2 - 2x(f+2) + f^2 = 0$. Ясно, что это возможно при условии, что $D = -f^2 + 4f + 4 = 0$. Откуда $f = 2 \pm 2\sqrt{2}$.

Как видно из приведенных примеров, нестандартное применение школьных знаний необходимо развивать у учащихся логическое мышление.

